

# Formulário para Transferência de Calor e Massa I

Profs. Vicente/Santiago - Primeira Prova

FEB/UNESP-Bauru

## Balanço de energia

$$\dot{E}_{\text{Ac}} = \dot{E}_{\text{e}} - \dot{E}_{\text{s}} + \dot{E}_{\text{G}}$$

- para um corpo a temperatura uniforme:  $\dot{E}_{\text{Ac}} = \rho \cdot V \cdot c_p \cdot \frac{\partial T}{\partial t}$
- Lei de Fourier para a condução na direção  $x$ :  $\dot{q}_{\text{cond}} = -k \cdot A_S \cdot \frac{\partial T}{\partial x}$
- geração de energia uniforme:  $\dot{E}_{\text{G}} = \dot{q} \cdot V$

## Condução e Sistemas com Geração de Energia

|                  | Plana  | Cilíndrica  | Esférica   |
|------------------|--|---|--|
| Condução - $R_t$ | $\frac{L}{KA}$   | $\frac{\ln(r_2/r_1)}{2\pi k L}$   | $\frac{1}{4\pi k} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$  |
| Ger. Energia     | $\frac{d^2T}{dx^2} + \frac{\dot{q}}{k} = 0$  | $\frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left( r \frac{dT}{dr} \right) + \frac{\dot{q}}{k} = 0$ | $\frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left( r^2 \frac{dT}{dr} \right) + \frac{\dot{q}}{k} = 0$                    |
| - Geral          | $T = -\frac{\dot{q}x^2}{2k} + C_1x + C_2$  | $T = -\frac{\dot{q}r^2}{4k} + C_1 \ln(r) + C_2$                                   | $T(r) = -\frac{\dot{q} \cdot r^2}{6 \cdot k} - \frac{C_1}{r} + C_2$                                      |
| $-T_p$ dada      | $T = \frac{\dot{q}L^2}{2k} \left( 1 - \frac{x^2}{L^2} \right) + \frac{T_{s+} - T_{s-}}{2} \cdot \frac{x}{L} + \frac{T_{s+} + T_{s-}}{2}$ | $T = \frac{\dot{q}R^2}{4 \cdot k} \left( 1 - \frac{r^2}{R^2} \right) + T_{sup}$   | $T(r) = \frac{\dot{q} \cdot R^2}{6 \cdot k} \cdot \left[ 1 - \left( \frac{r}{R} \right)^2 \right] + T_s$ |

**Resistência Térmica de Convecção:**  $R_c = 1/(h \cdot A)$

**Fluxo de Calor por Radiação:**  $q = \epsilon \cdot \sigma \cdot A \cdot (T_s^4 - T_{viz}^4) = h_r A (T_s - T_{viz})$  sendo:  
 $h_r = \epsilon \cdot \sigma \cdot (T_s^2 + T_{viz}^2) \cdot (T_s + T_{viz})$  e  $T_s, T_{viz}$  em escala absoluta.

**Área Superficial ( $A_c$ ) e volume( $V$ ):**

- Cilindro:  $A_c = \pi \cdot D \cdot L / V = \frac{\pi \cdot D^2}{4} \cdot L$
- Esfera:  $A_c = 4 \cdot \pi \cdot R^2 / V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3$

## Condições de Contorno

| <i>Tipo</i>            | <i>Condição padrão</i>       | <i>Expressão para posição <math>x = x_0</math></i>   |
|------------------------|------------------------------|--|
| 1 <sup>a</sup> espécie | Temperatura especificada     | $T(x_0) = T_i$   |
| 2 <sup>a</sup> espécie | Fluxo de calor determinado   | $q''(x_0) = -k \frac{dT}{dx} \Big _{x_0} = q_i'' \implies \frac{dT}{dx} \Big _{x_0} = -\frac{q_i''}{k}$  |
| 3 <sup>a</sup> espécie | Troca de calor por convecção | $-k \frac{dT}{dx} \Big _{x_0} = h \cdot (T(x_0) - T_\infty) \text{ ou } h \cdot (T_\infty - T(x_0))$ <p>Observações:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Temperaturas na convecção devem considerar o sentido de <math>q</math> positivo.</li> <li>• Coeficiente global ou relação de resistência térmica podem modificar a implementação desta condição. (<math>h \rightarrow U</math>)</li> </ul> |