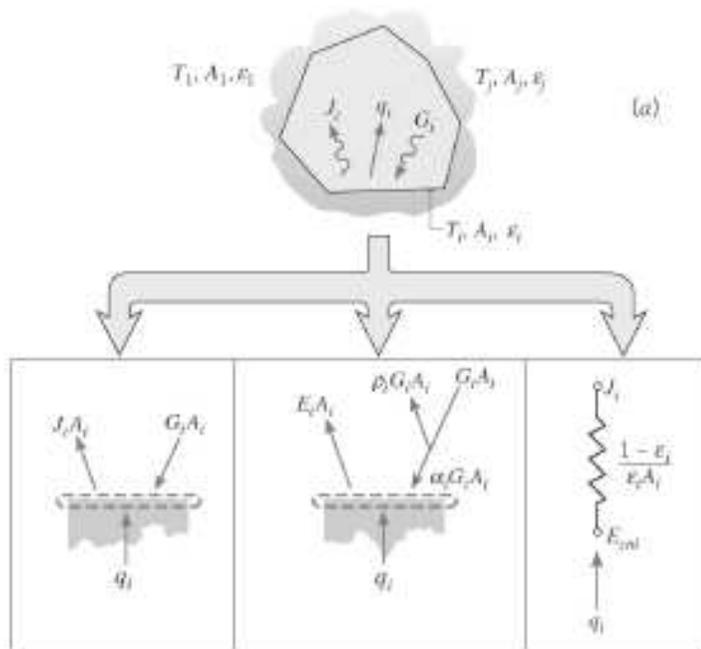


## 13.3-TROCA DE RADIAÇÃO ENTRE SUPERFÍCIES CINZAS, DIFUSAS E OPACAS EM UMA CAVIDADE FECHADA

- Em geral, a radiação pode deixar uma superfície opaca devido à **reflexão** e à **emissão**, e ao atingir uma segunda superfície opaca experimenta **reflexão** assim como **absorção**.



Em uma cavidade fechada a radiação pode passar por **múltiplas reflexões** em todas as superfícies, com **absorção parcial** ocorrendo em cada uma delas.

- O objetivo aqui é: **CONHECIDA A TEMPERATURA  $T_i$  OU O FLUXO TÉRMICO RADIANTE  $q_i$  EM UMA SUPERFÍCIE, DETERMINAR OS FLUXOS TÉRMICOS RADIANTES E AS TEMPERATURAS NAS OUTRAS SUPERFÍCIES.**

- Considerações para **simplificar** a análise de radiação:

1. Cada superfície da cavidade é **isotérmica** e está em **regime permanente**.
2. A radiosidade e a irradiação são **uniformes**.
3. As superfícies são **opacas** ( $\tau = 0$ ).
4.  $\epsilon$ ,  $\alpha$  e  $\tau$  são independentes da direção (**superfícies difusas**).
5.  $\epsilon$ ,  $\alpha$  e  $\tau$  são independentes do comprimento de onda (**superfícies cinzas**).
6. Vale a **lei de Kirchhoff** ( $\epsilon = \alpha$ ).
7. O meio no interior da cavidade é **não-participante**.

### 13.3.1-Troca Radiante Líquida em uma Superfície

- O termo  $q_i$  é a taxa líquida na qual a radiação deixa a superfície  $i$ , representando o efeito líquido das interações radiantes que ocorrem na superfície. Ele representa a taxa na qual energia teria que ser transferida para a superfície por outros meios para mantê-la a uma temperatura constante.

-  $q_i$  é a diferença entre a radiosidade e a irradiação:  $q_i = A_i(J_i - G_i)$  (ver figura)

- Da definição de radiosidade,  $J_i = E_i + \rho_i G_i$  e sabendo que  $1 - \rho_i = \alpha_i$  obtém-se:

$$q_i = A_i(E_i + \rho_i G_i - G_i) = A_i[E_i - (1 - \rho_i)G_i] \Rightarrow q_i = A_i(E_i - \alpha_i G_i) \text{ (ver figura)}$$

- Sabendo que  $E_i = \varepsilon_i E_{cni}$  e que  $1 - \rho_i = \alpha_i = \varepsilon_i$  para uma superfície cinza, difusa e opaca, pode-se reescrever a radiosidade e explicitar a irradiação como:

$$J_i = \varepsilon_i E_{cni} + (1 - \varepsilon_i)G_i \Rightarrow G_i = \frac{J_i - \varepsilon_i E_{cni}}{1 - \varepsilon_i}$$

- Substituindo esse resultado em  $q_i = A_i(J_i - G_i)$  e rearranjando obtém-se:

$$q_i = A_i \left( J_i - \frac{J_i - \varepsilon_i E_{cni}}{1 - \varepsilon_i} \right) = A_i \left[ \frac{(1 - \varepsilon_i)J_i - (J_i - \varepsilon_i E_{cni})}{1 - \varepsilon_i} \right] = A_i \left( \frac{J_i - \varepsilon_i J_i - J_i + \varepsilon_i E_{cni}}{1 - \varepsilon_i} \right) =$$

$$A_i \left[ \frac{\varepsilon_i (E_{cni} - J_i)}{1 - \varepsilon_i} \right] \Rightarrow q_i = \frac{E_{cni} - J_i}{(1 - \varepsilon_i) / \varepsilon_i A_i} \quad (*) \text{ (ver figura)}$$

- A expressão anterior fornece uma **representação conveniente** para a taxa de transferência de calor radiante líquida em uma superfície.

- O **POTENCIAL MOTRIZ** é:  $E_{cni} - J_i$

- A **RESISTÊNCIA RADIANTE SUPERFICIAL** é:  $(1 - \epsilon_i) / \epsilon_i A_i$

- Se  $E_{cni} > J_i \Rightarrow$  transferência radiante líquida **SAINDO DA SUPERFÍCIE**.

- Se  $E_{cni} < J_i \Rightarrow$  transferência radiante líquida **ENTRANDO NA SUPERFÍCIE**.

- Para o caso de uma superfície **muito grande com relação as outras** ( $A_i \rightarrow \infty$ ).
- Nesse caso,  $(1 - \varepsilon_i)/\varepsilon_i A_i \rightarrow 0$ ,  $q_i = 0$  e  $J_i = E_{cni}$ , equivalente a uma **superfície negra**
- Assim, quando uma superfície é considerada grande com relação a todas as outras superfícies sendo consideradas, ela pode ser **tratada como um corpo negro** ( $\varepsilon_i = 1$ ).
- Fisicamente, mesmo que a superfície grande possa refletir parte da irradiação incidente sobre ela, ela é tão grande que há uma grande probabilidade de que a radiação refletida atinja outro ponto na mesma superfície. Após muitas dessas reflexões, toda a radiação que incidiu originalmente sobre a superfície grande é

absorvida por ela e nenhuma dessa radiação atinge qualquer uma das superfícies menores.

### 13.3.2-Troca Radiante entre Superfícies

- Para utilizar  $q_i = \frac{E_{cni} - J_i}{(1 - \epsilon_i) / \epsilon_i A_i}$  a **radiosidade da superfície  $i$**  tem que ser conhecida.
- Para isso, é necessário considerar a **troca de radiação entre as superfícies da cavidade.**
- A irradiação na superfície  $i$  pode ser determinada a partir das **radiosidades de todas as superfícies da cavidade.**

$$A_i G_i = q_{1 \rightarrow i} + q_{2 \rightarrow i} + \dots + q_{N \rightarrow i}, \quad \text{mas } q_{j \rightarrow i} = F_{ji} A_j J_j$$

$$A_i G_i = F_{1i} A_1 J_1 + F_{2i} A_2 J_2 + \dots + F_{Ni} A_N J_N = \sum_{j=1}^N F_{ji} A_j J_j, \quad \text{mas } A_i F_{ij} = A_j F_{ji}$$

$$A_i G_i = \sum_{j=1}^N A_i F_{ij} J_j, \quad \text{mas } G_i = J_i - \frac{q_i}{A_i}$$

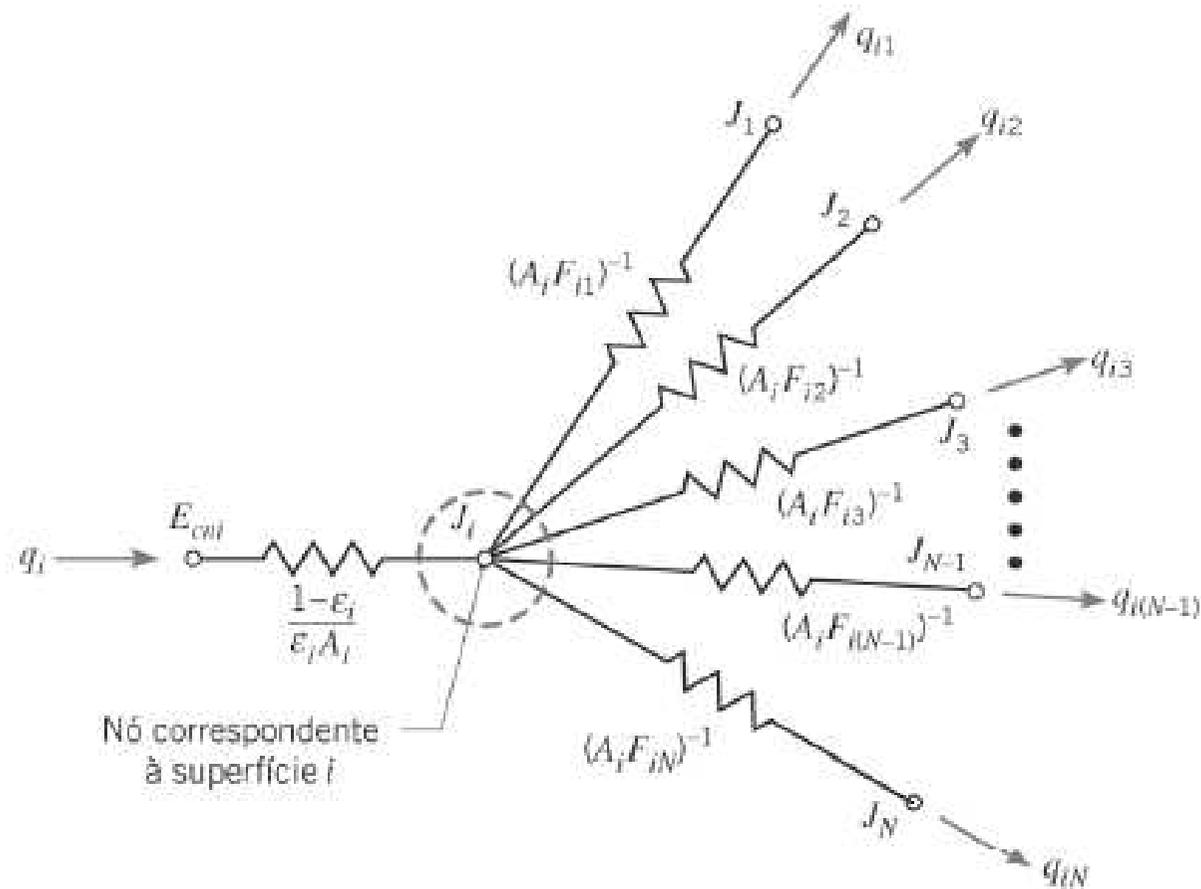
$$A_i \left( J_i - \frac{q_i}{A_i} \right) = \sum_{j=1}^N A_i F_{ij} J_j \Rightarrow A_i J_i - q_i = \sum_{j=1}^N A_i F_{ij} J_j \Rightarrow q_i = A_i \left( J_i - \sum_{j=1}^N F_{ij} J_j \right), \quad \text{mas } \sum_{j=1}^N F_{ij} = 1$$

$$q_i = A_i \left( \sum_{j=1}^N F_{ij} J_i - \sum_{j=1}^N F_{ij} J_j \right) \Rightarrow q_i = \sum_{j=1}^N A_i F_{ij} (J_i - J_j) = \sum_{j=1}^N q_{ij} \quad (**)$$

**Abordagem da rede de radiação:** a última expressão iguala a taxa radiante líquida na superfície  $i$ ,  $q_i$ , à soma dos componentes  $q_{ij}$  que estão relacionados à troca radiante com as outras superfícies. Cada componente pode ser interpretado como:

- O POTENCIAL MOTRIZ é:  $J_i - J_j$

- A RESISTÊNCIA ESPACIAL GEOMÉTRICA é:  $(A_i F_{ij})^{-1}$



- Combinando as Eqs. (\*) e (\*\*) obtém-se:

$$q_i = \frac{E_{cni} - J_i}{(1 - \varepsilon_i) / \varepsilon_i A_i} \quad \text{e} \quad q_i = \sum_{j=1}^N \frac{J_i - J_j}{(A_i F_{ij})^{-1}} \Rightarrow \frac{E_{cni} - J_i}{(1 - \varepsilon_i) / \varepsilon_i A_i} = \sum_{j=1}^N \frac{J_i - J_j}{(A_i F_{ij})^{-1}}$$

- A expressão anterior representa um **balanço de radiação no nó de radiosidade associado à superfície  $i$ .**

- A taxa de transferência de radiação (corrente) para  $i$  **através de sua resistência superficial** deve ser igual à taxa de transferência de radiação líquida (correntes) de  $i$  para todas as demais superfícies através das correspondentes **resistências espaciais.**

- A expressão anterior é adequada quando a **temperatura superficial for conhecida**.

- No caso onde a **taxa radiante líquida na superfície for conhecida**, a forma apropriada

do balanço de radiação é  $q_i = \sum_{j=1}^N \frac{J_i - J_j}{(A_i F_{ij})^{-1}}$

- A abordagem em forma de redes é construída pela **identificação inicial dos nós associados às radiosidades** de cada uma das  $N$  superfícies da cavidade fechada.

- Esse método é uma ferramenta útil para **visualizar a troca da radiação** para cavidades simples.

**Abordagem direta:** consiste em escrever  $\frac{E_{cni} - J_i}{(1 - \varepsilon_i) / \varepsilon_i A_i} = \sum_{j=1}^N \frac{J_i - J_j}{(A_i F_{ij})^{-1}}$  para as

superfícies com  $T_i$  conhecida e  $q_i = \sum_{j=1}^N \frac{J_i - J_j}{(A_i F_{ij})^{-1}}$  para as superfícies com  $q_i$  conhecido.

- O conjunto de  $N$  equações algébricas lineares é resolvido para  $J_1, J_2, \dots, J_N$ .

- Com o conhecimento dos  $J_i$  utiliza-se  $q_i = \frac{E_{cni} - J_i}{(1 - \varepsilon_i) / \varepsilon_i A_i}$  para determinar  $q_i$  para cada superfície com  $T_i$  conhecido ou o valor de  $T_i$  para cada superfície com  $q_i$  conhecido.

- O sistema resultante pode ser resolvido por métodos diretos ou métodos iterativos.